

## Examen de Matemáticas 4º de ESO. Enero 2010

---

---

**Problema 1 (6 puntos)** Factoriza los siguientes polinomios:

1.  $P(x) = x^4 - 3x^3 + x^2 + 3x - 2$
2.  $Q(x) = x^4 - x^3 - 3x^2 + x + 2$
3.  $R(x) = x^4 + 2x^3 - 28x^2 + 46x - 21$
4.  $S(x) = x^5 + x^4 - 8x^3 - 12x^2$
5.  $T(x) = x^4 + 3x^3 - 9x^2 - 27x$
6.  $U(x) = 2x^4 - 3x^3 - x^2 + 3x - 1$

**Solución:**

1.  $P(x) = x^4 - 3x^3 + x^2 + 3x - 2 = (x - 1)^2(x + 1)(x - 2)$
2.  $Q(x) = x^4 - x^3 - 3x^2 + x + 2 = (x + 1)^2(x - 1)(x - 2)$
3.  $R(x) = x^4 + 2x^3 - 28x^2 + 46x - 21 = (x - 1)^2(x - 3)(x + 7)$
4.  $S(x) = x^5 + x^4 - 8x^3 - 12x^2 = x^2(x + 2)^2(x - 3)$
5.  $T(x) = x^4 + 3x^3 - 9x^2 - 27x = x(x - 3)(x + 3)^2$
6.  $U(x) = 2x^4 - 3x^3 - x^2 + 3x - 1 = (x - 1)^2(x + 1)(2x - 1)$

**Problema 2 (1 puntos)** Calcular el MCD y el mcm de  $P(x)$  y  $U(x)$

**Solución:**  $\text{MCD}(P(x), U(x)) = (x - 1)^2(x + 1)$

$$\text{mcm}(P(x), U(x)) = (x - 1)^2(x + 1)(x - 2)(2x - 1)$$

**Problema 3 (2 puntos)** Simplificar:

1.  $\frac{P(x)}{U(x)}$
2.  $\frac{P(x)}{Q(x)}$

**Solución:**

$$1. \frac{P(x)}{U(x)} = \frac{(x-1)^2(x+1)(x-2)}{(x-1)^2(x+1)(2x-1)} = \frac{x-2}{2x-1}$$

$$2. \frac{P(x)}{Q(x)} = \frac{(x-1)^2(x+1)(x-2)}{(x+1)^2(x-1)(x-2)} = \frac{x-1}{x+1}$$

**Problema 4** (1 puntos) Resolver la ecuación:

$$\frac{x-1}{x+2} - \frac{x}{x-1} = \frac{1}{x^2+x-2}$$

**Solución:**

$$\frac{x-1}{x+2} - \frac{x}{x-1} = \frac{1}{x^2+x-2} \implies x = 0$$

**Problema 5** (2 punto) Resolver las siguientes inecuaciones:

$$1. \frac{x^2 - 4x + 3}{x+2} > 0$$

$$2. \frac{5x-2}{4} - \frac{x}{2} > \frac{x-1}{6}$$

**Solución:**

$$1. \frac{x^2 - 4x + 3}{x+2} > 0 \implies (-2, 1) \cup (3, +\infty)$$

$$2. \frac{5x-2}{4} - \frac{x}{2} > \frac{x-1}{6} \implies \left(\frac{4}{7}, +\infty\right)$$

**Problema 6** (1 punto) Resolver la ecuación logarítmica:

$$\log(1+x) - \log x = 3$$

**Solución:**

$$\log(1+x) - \log x = 3 \implies \frac{1+x}{x} = 1000 \implies 999x = 1 \implies x = \frac{1}{999}$$