Examen de Matemáticas $2^{\underline{0}}$ Bachillerato(CN) Diciembre 2023

Problema 1 (2,5 puntos) El plano perpendicular al segmento de extremos P(0,3,8) y Q(2,1,6) que pasa por su punto medio corta a los ejes coordenados en los puntos A, B y C. Halla el área del triángulo cuyos vértices son los puntos A, B y C.

Problema 2 (2,5 puntos) Considera el punto A(-1,1,3) y la recta r determinada por los puntos B(2,1,1) y C(0,1,-1)

- a) (1,5 puntos) Halla la distancia del punto A a la recta r.
- b) (1 punto) Calcula el área del triángulo cuyos vértices son $A,\,B$ y C.

Problema 3 (2,5 puntos) Considera los planos $\pi_1 \equiv x - y + z = 0$ y $\pi_2 \equiv x + y = 2$

- a) (1,5 puntos) Calcula la distancia entre la recta intersección de π_1 y π_2 y el punto P(2,6,-2).
- b) (1 punto) Halla el ángulo que forman π_1 y π_2 .

Problema 4 (2,5 puntos) Calcula el volumen del tetraedro que limita el plano determinado por los puntos A(0,2,-2), B(3,2,1) y C(2,3,2) con los planos cartesianos.