

Examen de Matemáticas II (Coincidente-Junio 2019) Selectividad-Opción A

Tiempo: 90 minutos

Problema 1 (2,5 puntos) La aerolínea "Air", para uno de sus vuelos, ha puesto a la venta 12 plazas de Clase Preferente (P), a 250 euros cada una, 36 plazas de Clase Turista (T), a 150 euros cada una, y 72 plazas de Clase Económica (E), a 100 euros cada una. Se sabe que ha vendido el 90% del total de las plazas, recaudando un importe de 13800 euros.

- (0,25 puntos) Determine el número total de plazas vendidas.
- (2,25 puntos) Sabiendo que se han vendido el triple de plazas de clase (T) que de clase (P), obtenga el número de billetes vendidos de cada clase y cuánto dinero se ha recaudado de cada clase.

Problema 2 (2,5 puntos) Dada la función $f(x) = \begin{cases} 2 \sin\left(\frac{\pi x^2}{2}\right) & \text{si } x \leq 1 \\ \frac{x-1}{\sqrt{x}-1} & \text{si } x > 1 \end{cases}$,

se pide:

- (0,75 puntos) Estudiar la continuidad de $f(x)$ en $x = 1$.
- (0,75 puntos) Determinar, si existe, $f'(1)$.
- (1 punto) Calcular el valor de $\int_0^1 xf(x) dx$.

Problema 3 (2,5 puntos) Dados los vectores $\vec{v} = (1, 0, -1)$ y $\vec{w} = (1, 1, 0)$, se pide:

- (1 punto) Calcular un vector que sea ortogonal (perpendicular) a \vec{v} y a \vec{w} , que tenga módulo $\sqrt{3}/2$, y cuya tercera coordenada sea negativa.
- (0,5 puntos) Calcular un vector \vec{u} ortogonal a \vec{v} y tal que \vec{u} , \vec{v} y \vec{w} sean linealmente independientes.
- (1 punto) Hallar la proyección del punto $P(5, 1, -1)$ sobre el plano que pasa por el origen de coordenadas y contiene a los vectores \vec{v} y \vec{w} .

Problema 4 (2,5 puntos) Dados dos sucesos aleatorios A y B , con probabilidades respectivas $P(A) = 0,4$ y $P(B) = 0,5$, se denota por \bar{A} y \bar{B} a los sucesos complementarios de A y B . Se pide:

- a) (1 punto) Suponiendo que A y B son independientes, calcular $P((A \cap B) \cup (\overline{A} \cap \overline{B}))$.
- b) (1 punto) Suponiendo que A y B son incompatibles, calcular $P((A \cap B) \cup (\overline{A} \cap \overline{B}))$.
- c) (0,5 puntos) Si $P(A \cup B) = 0,9$, ¿son A y B independientes?

Examen de Matemáticas II (Coincidente-Junio 2019)
Selectividad-Opción B
Tiempo: 90 minutos

Problema 1 (2,5 puntos)

Sean las matrices $A = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & -2 \\ 1 & 1 & -1 \end{pmatrix}$ y $B = \begin{pmatrix} 0 & 0 & 4 \\ 1 & m & 2 \\ m & 2 & 1 \end{pmatrix}$. Se pide:

- a) (0,5 puntos) Calcular los valores de $m \in \mathbb{R}$ para los cuales B no tiene inversa.
- b) (1 punto) Para $m = 1$, calcular la inversa de la matriz B .
- c) (1 punto) Para $m = 2$, calcular la matriz producto $A^t B$ (donde A^t denota la matriz traspuesta de A) y el determinante de la matriz $A^2 B$.

Problema 2 (2,5 puntos) Dada la función $f(x) = \frac{1}{2(x-1)}$, se pide:

- a) (1,25 puntos) Determinar las asíntotas de la curva $y = f(x)$ y estudiar los intervalos de crecimiento y de decrecimiento de $f(x)$.
- b) (1,25 puntos) Calcular el área del recinto acotado limitado por la curva $y = f(x)$ y la recta $2x + 4y = 7$.

Problema 3 (2,5 puntos) Dadas la rectas $r \equiv \begin{cases} x - y = 5 \\ y + z = 1 \end{cases}$ y $s \equiv \begin{cases} x + z = 3 \\ y + z = 4 \end{cases}$, se pide:

- a) (1,25 puntos) Escribir unas ecuaciones paramétricas de cada una de las dos rectas y determinar la posición relativa de ambas.
- b) (1,25 puntos) Dado el punto $P(5, 0, 1)$, de la recta r , obtener un punto Q , de la recta s , de modo que el triángulo OPQ sea rectángulo, con ángulo recto en $O(0, 0, 0)$, y calcular las longitudes de los tres lados de dicho triángulo.

Problema 4 (2,5 puntos) Una compañía de mensajería tiene una probabilidad del 2% de dañar cada uno de sus envíos. Asumimos que las probabilidades de que varios envíos distintos resulten dañados son independientes entre sí. Se pide:

- a) (0,5 puntos) Hallar la probabilidad de que en un lote de 10 paquetes hayan llegado con desperfectos exactamente 2 envíos.
- b) (0,5 puntos) Hallar la probabilidad de que en un lote de 10 paquetes hayan llegado con desperfectos 2 o más envíos.
- c) (1,5 puntos) Usando la aproximación por la normal adecuada, hallar la probabilidad de que en un lote de 2000 paquetes hayan llegado exactamente 30 paquetes defectuosos.