## Examen de Matemáticas $2^{o}$ Bachillerato(CN)Octubre 2008

Problema 1 Sea la matriz

$$A = \left(\begin{array}{cccc} m & -m & 3 & 0 \\ 2 & m & 0 & m \\ m & 5 & -9 & 2 \end{array}\right)$$

Calcular el rango de A para los diferentes valores de m.

Problema 2 Dada la matriz

$$A = \left(\begin{array}{ccc} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{array}\right)$$

Calcular  $A^n$  y en particular  $A^{1000} - A^{900}$ 

Problema 3 Resolver el siguiente sistema matricial:

$$\begin{cases} X - Y = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} \\ 2X + Y = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & -1 \end{pmatrix} \end{cases}$$

**Problema 4** calcular todas las matrices X que cumplan AX = XA donde

$$A = \left(\begin{array}{cc} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{array}\right)$$