Examen de Matemáticas 2ºBachillerato(CS) Octubre 2006

Problema 1 Encontrar todas las matrices de orden dos no nulas que cumplan que

$$AX = XA$$
 donde $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$

Problema 2 Resolver la ecuación matricial AB - CX = I. Donde

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}; \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}; \quad C = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$$

Problema 3 Calcular el siguiente determinante

$$\left|\begin{array}{ccccc} 1 & 2 & 0 & 1 \\ 2 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 3 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 2 & 2 \end{array}\right|$$

Problema 4 Dadas las matrices

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -2 & 1 & 0 \end{pmatrix} \quad y \quad B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Calcular si es posible $A \cdot A$, $A \cdot B$, $B \cdot B$ y $B \cdot A$

Problema 5 Calcular el rango de la matriz

$$A = \left(\begin{array}{cccc} 2 & 1 & 0 & -1 \\ 1 & 5 & -6 & -8 \\ 1 & -1 & 2 & 2 \end{array}\right)$$