

# Examen de Matemáticas 1º Bachillerato (CN)

## Abril 2026

---

---

**Problema 1** Dada la función

$$f(x) = \frac{-3x^2}{x^2 - 16}$$

Se pide:

- Calcular su dominio.
- Calcular sus puntos de corte con los ejes coordenados.
- Calcular su signo.
- Calcular su simetría.
- Calcular sus asíntotas.
- Calcular sus intervalos de crecimiento y decrecimiento, calculando sus extremos relativos.
- Calcular sus intervalos de concavidad y convexidad, calculando sus puntos de inflexión.
- Representación gráfica.
- Calcular las rectas tangente y normal a  $f$  en el punto de abscisa  $x = 1$ .

**Solución:**

- Dominio de  $f$ :  $\text{Dom}(f) = \mathbb{R} - \{\pm 4\}$
- Puntos de Corte
  - ☛ Corte con el eje  $OX$  hacemos  $f(x) = 0 \implies -3x^2 = 0 \implies (0, 0)$ .
  - ☛ Corte con el eje  $OY$  hacemos  $x = 0 \implies f(0) = 0 \implies (0, 0)$ .

c)

	$(-\infty, -4)$	$(-4, 4)$	$(4, +\infty)$
signo	-	+	-

- $f(-x) = f(x) \implies$  la función es PAR.
- Asíntotas:

• **Verticales:**  $x = 4$

$$\lim_{x \rightarrow 4} \frac{-3x^2}{x^2 - 16} = \pm\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 4^-} \frac{-3x^2}{x^2 - 16} = \left[ \frac{-48}{0^-} \right] = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 4^+} \frac{-3x^2}{x^2 - 16} = \left[ \frac{-48}{0^+} \right] = -\infty$$

$x = -5$

$$\lim_{x \rightarrow -4} \frac{-3x^2}{x^2 - 16} = \pm\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -4^-} \frac{-3x^2}{x^2 - 16} = \left[ \frac{-48}{0^+} \right] = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow -4^+} \frac{-3x^2}{x^2 - 16} = \left[ \frac{-48}{0^-} \right] = +\infty$$

• **Horizontales:**  $y = -3$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-3x^2}{x^2 - 16} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-3x^2}{x^2 - 16} = -3$$

• **Oblicuas:** No hay por haber horizontales.

f)

$$f'(x) = \frac{96x}{(x^2 - 16)^2} = 0 \implies x = 0$$

	$(-\infty, -4)$	$(-4, 0)$	$(0, 4)$	$(4, +\infty)$
$f'(x)$	-	-	+	+
$f(x)$	decreciente ↘	decreciente ↘	creciente ↗	creciente ↗

La función es decreciente en el intervalo  $(-\infty, -4) \cup (-4, 0)$ .

La función es creciente en el intervalo  $(0, 4) \cup (4, \infty)$ .

La función tiene un mínimo relativo en el punto  $(0, 0)$ .

g)

$$f''(x) = -\frac{96(3x^2 + 16)}{(x^2 - 16)^3} \neq 0$$

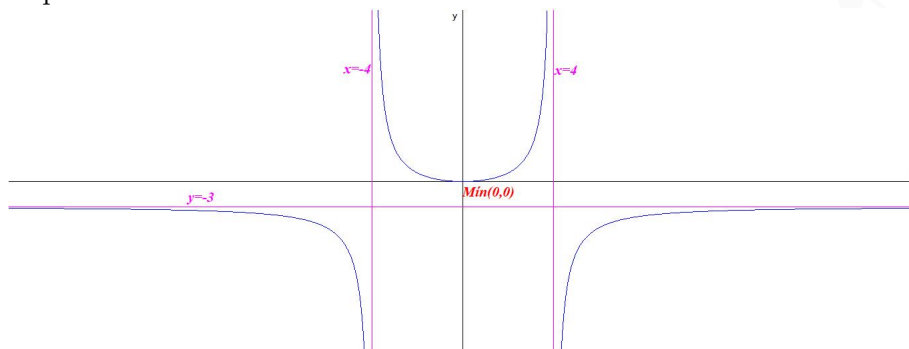
Luego la función no tiene puntos de inflexión.

	$(-\infty, -4)$	$(-4, 4)$	$(4, +\infty)$
$f''(x)$	+	-	+
$f(x)$	convexa ∩	cóncava ∪	convexa ∩

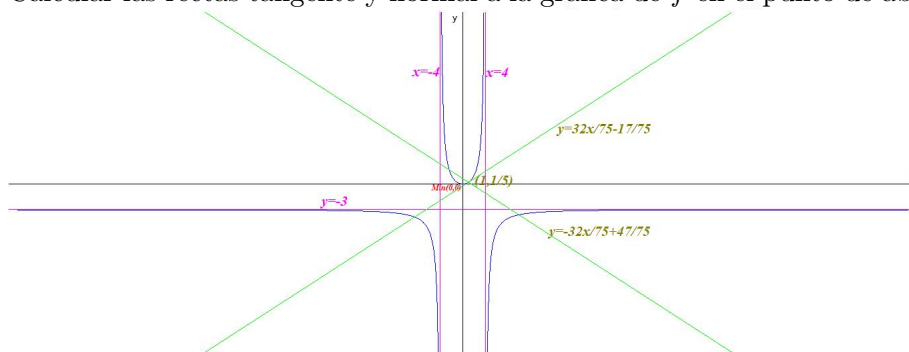
Cóncava:  $(-4, 4)$

Convexa:  $(-\infty, -4) \cup (4, +\infty)$

h) Representación:



i) Calcular las rectas tangente y normal a la gráfica de  $f$  en el punto de abscisa  $x = 1$ :



Como  $m = f'(1) = \frac{32}{75}$  tenemos que

$$\text{Recta Tangente : } y - \frac{1}{5} = \frac{32}{75}(x - 1) \implies y = \frac{32}{75}x - \frac{17}{75}$$

$$\text{Recta Normal : } y - \frac{1}{5} = -\frac{75}{32}(x - 1) \implies y = -\frac{75}{32}x + \frac{47}{75}$$

Como  $f(1) = \frac{1}{5}$  las rectas pasan por el punto  $(1, \frac{1}{5})$ .