Examen de Matemáticas $1^{\underline{0}}$ de Bachillerato CN Octubre 2024

Problema 1 Discutir y resolver por el método de Gauss los siguientes sistemas:

$$\begin{cases} x+y+z=1 \\ 2x-y+2z=5 \\ x+2y-2z=-3 \end{cases}; \begin{cases} x-2y+z=2 \\ 3x+y=3 \\ x-9y+4z=5 \end{cases}$$

Problema 2 Unos amigos han salido de tapeo por Móstoles y han pedido en un bar una ración de calamares, una ración de anchoas y 3 refrescos pagando por ello $20 \in$. Después preguntan al camarero sobre cuanto les habría costado dos raciones de anchoas y 4 refrescos, les contesta que $24 \in$. No contentos con la información le vuelven a preguntar cuanto les costarían 2 raciones de calamares y 6 refrescos, ahora les vuelve a decir $24 \in$. Se pide calcular el precio de la ración de calamares, la de anchoas y de cada refresco.

Problema 3 Resolver las ecuaciones:

a)
$$\log(5-x) - \log x = 1$$

b)
$$\log(25 - x^2) - \log(x - 1) = 1 + \log x$$

c)
$$2\log(2-x) - 2 = \log(x+4)$$

d)
$$3^{x^2-1} \cdot 9^{2x-5} = 27^{x+1}$$

e)
$$5^{2x-2} + 5^{x+2} - 1 = 0$$