

Examen de Matemáticas 1º de Bachillerato CS

Diciembre 2020 (recuperación)

Problema 1 Discutir y resolver por el método de Gauss los siguientes sistemas:

$$\left\{ \begin{array}{l} x - y + z = 3 \\ 3x - y + 2z = 1 \\ 4x - 2y + 3z = 5 \end{array} \right. ; \quad \left\{ \begin{array}{l} x + y - z = 0 \\ 2x - y - z = -3 \\ 3x - y + 3z = 10 \end{array} \right.$$

Solución:

$$\left\{ \begin{array}{l} x - y + z = 3 \\ 3x - y + 2z = 1 \\ 4x - 2y + 3z = 5 \end{array} \right. \quad \text{Sistema Incompatible}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} x + y - z = 0 \\ 2x - y - z = -3 \\ 3x - y + 3z = 10 \end{array} \right. \quad \text{Sistema Compatible Determinado} \implies \left\{ \begin{array}{l} x = 0 \\ y = -3 \\ z = 10 \end{array} \right.$$

Problema 2 Resolver las inecuaciones siguientes:

$$1. \frac{5x+2}{12} - \frac{2x-3}{6} \leq 1 - \frac{x+1}{3}$$

$$2. \frac{x^2-x-12}{x^2-3x-28} \geq 0$$

$$3. \frac{x^2+3x-10}{x^2-6x-7} \leq 0$$

Solución:

$$1. \frac{5x+2}{12} - \frac{2x-3}{6} \leq 1 - \frac{x+1}{3} \implies (-\infty, 0]$$

$$2. \frac{x^2-x-12}{x^2-3x-28} \geq 0 \implies (-\infty, -4) \cup [-3, 4) \cup (7, \infty)$$

$$3. \frac{x^2+3x-10}{x^2-6x-7} \leq 0 \implies [-5, -1) \cup [2, 7)$$

Problema 3 Resolver las siguientes ecuaciones:

$$1. \sqrt{3x^2+4} - x = 2$$

$$2. \sqrt{5x-1} = 2x-1$$

Solución:

$$1. \sqrt{3x^2+4} - x = 2 \implies x = 2 \text{ y } x = 0.$$

$$2. \sqrt{5x-1} = 2x-1 \implies x = 2.$$