

Examen de Matemáticas 1º de Bachillerato

Noviembre 2019

Problema 1 Encontrar todas las razones trigonométricas de $\alpha \in \left[\pi, \frac{3\pi}{2}\right]$, sabiendo que $\tan \alpha = 7$

Solución:

$$\tan \alpha = 7 \implies \cot \alpha = \frac{1}{7}$$

$$\tan^2 \alpha + 1 = \sec^2 \alpha \implies \sec \alpha = -5\sqrt{2} \implies \cos \alpha = -\frac{\sqrt{2}}{10}$$

$$1 + \cot^2 \alpha = \csc^2 \alpha \implies \csc \alpha = -\frac{5\sqrt{2}}{7} \implies \sin \alpha = -\frac{7\sqrt{2}}{10}$$

Problema 2 Resolver la siguiente ecuación trigonométrica

$$4 \cos^2 x + \cos(2x) - 7 \cos x + 3 = 0$$

Solución:

$$4 \cos^2 x + \cos(2x) - 7 \cos x + 3 = 0 \implies 4 \cos^2 x + \cos^2 x - \sin^2 x - 7 \cos x + 3 = 0 \implies$$

$$5 \cos^2 x - \sin^2 x - 7 \cos x + 3 = 0 \implies 5 \cos^2 x - (1 - \cos^2 x) - 7 \cos x + 3 = 0 \implies$$

$$(t = \cos x) \implies 5t^2 - (1 - t^2) - 7t + 3 = 0 \implies 6t^2 - 7t + 2 = 0 \implies t = \frac{2}{3}, \quad t = \frac{1}{2}$$

$$\cos x = \begin{cases} \frac{2}{3} \implies \begin{cases} x = 48^\circ 11' 23'' + 2k\pi \\ x = 311^\circ 48' 37'' + 2k\pi \end{cases} & k \in \mathbb{Z} \\ \frac{1}{2} \implies \begin{cases} x = 30^\circ + 2k\pi \\ x = 330^\circ + 2k\pi \end{cases} & k \in \mathbb{Z} \end{cases}$$

Problema 3 Demostrar que:

$$\tan \alpha \cdot \sin(2\alpha) = 2 \sin^2 \alpha$$

Solución:

$$\tan \alpha \cdot \sin(2\alpha) = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} (2 \sin \alpha \cos \alpha) = 2 \sin \alpha \sin \alpha = 2 \sin^2 \alpha$$

Problema 4 Enunciar y demostrar el teorema del coseno.

Solución: (Ver Teoría)