

# Examen de Matemáticas 1º de Bachillerato CN

Mayo 2014

---

**Problema 1** Calcular los siguientes límites:

$$1. \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \sqrt{5x^2 - 3x + 3} - \sqrt{5x^2 + 4x - 2} \right)$$

$$2. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{7x^4 - 5x^2 + 3x - 5}{6x^5 - x - 5}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 7} \frac{\sqrt{x^2 - 8} - \sqrt{6x - 1}}{x - 7}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow \infty} \left( \frac{2x^2 - 3x + 2}{2x^2 - 1} \right)^{3x}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{e^{2x^2+3}}{5x - 1}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{e^{2x-7} - 15}{e^{2x+4} - 3}$$

$$7. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 x - 2x}{5x \cos x}$$

**Problema 2** Calcular las siguientes derivadas:

$$1. y = (5x^2 - 8)^{15}$$

$$2. y = \ln \left( \frac{11x - 7}{9x^2} \right)$$

$$3. y = x^5 \sec x$$

$$4. y = \frac{\cos x}{x^2 - 6}$$

$$5. y = \sec(4x^2 - 3x + 2)^3$$

$$6. y = (\sin x)^{9x+1}$$

**Problema 3** Calcular las rectas tangente y normal de las siguientes funciones:

$$1. f(x) = \frac{5x + 2}{x - 1} \text{ en el punto } x = 2.$$

$$2. f(x) = (x + 5)e^{x+1} \text{ en el punto } x = -1.$$

**Problema 4** Calcular las siguientes integrales:

$$1. \int (2x^2 - 5x + 3) dx$$

$$2. \int \left( \frac{4x^2 - 3\sqrt[4]{x} - 2}{x} - 5e^x \right) dx$$

$$3. \int (x^3 - 3x + 1) dx \text{ sabiendo que la primitiva } F(1) = 1.$$

$$4. \int 7xe^{5x^2-1} dx$$

$$5. \int \frac{3x}{8x^2 + 2} dx$$