

Examen de Matemáticas 1º de Bachillerato

Marzo 2012

Problema 1 Calcular la ecuación de una circunferencia que pasa por los puntos $A(0, 2)$, $B(1, 1)$ y $C(3, 0)$. Obtener su centro y su radio.

Problema 2 Sea $\frac{x^2}{64} + \frac{y^2}{25} = 1$ la ecuación de una elipse horizontal. Encontrar todos los datos que la definen y su ecuación general.

Problema 3 De una elipse horizontal conocemos su eje menor que mide 4 cm y tiene una excentricidad $e = \frac{1}{4}$. Calcular los datos que la definen y su ecuación general.

Problema 4 Dos ingenieros de caminos, que habían estudiado el bachillerato en el colegio Villaeuropa de Móstoles, quieren trazar una curva en la construcción de una autovía, con todos los estudios acumulados de sus carreras. Ellos no se fían de la sensatez del burro que iba trazando la carretera. Colocan sobre el plano todos los datos y se dan cuenta que la curva que se trace tiene que ser equidistante con el punto $F(1, -1)$ y la recta $x - y = 0$.

Después de trazada la curva les dicen sus superiores que en el punto F se va a construir un Hipermercado y no puede estar a menos de 500 metros de la carretera. (escala 1 : 100)

Se pide:

- a) Identifica de que curva se trata.
- b) Calcular la ecuación de esta curva.
- c) Calcular las tangentes a la curva en los puntos en los que corta la recta $x = 1$
- d) ¿Habrá que modificar la curva por la situación del Hipermercado?

Nota: Hasta no hace mucho tiempo, las carreteras eran trazadas por burros. Animal que, en contra de lo que podamos suponer, es bastante inteligente, fuerte y cariñoso.