

Examen de Matemáticas 1º de Bachillerato

Octubre 2009

Problema 1 Discutir y resolver por el método de Gauss los siguientes sistemas:

$$\begin{cases} x+ & y+ & z = & 6 \\ x & - & 2z = & -5 \\ 2x- & y+ & 2z = & 6 \end{cases} ; \quad \begin{cases} x+ & y- & z = 2 \\ 2x- & y+ & z = 0 \\ x- & 5y+ & 5z = 1 \end{cases}$$

Problema 2 Calcular los siguientes límites:

$$1. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 + 2x^2 - x + 8}{2x^3 + x - 1}$$

$$2. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 1}{2x^3 + x^2 - x + 1}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-3x^4 + 2x^3}{x^2 + 3}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x^2 + x - 1}{2x^2 - 1} \right)^{x+8}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2 + x + 5}{2x^2 + 3} \right)^{\frac{x+5}{2}}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x + 8}{2x - 1} \right)^{x-3}$$

Problema 3 Calcular los siguientes límites:

$$1. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{2x^2 - x + 1}}{x + 2}$$

$$2. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^3 + 1}{\sqrt{x + 5}}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow \infty} \sqrt{\frac{2x + 1}{2x + 3}}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{3x^3 - 1}}{x^2 + 2}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 - 2x^2 + \sqrt{3x - 1} + 5}{2x^3 + 5}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\sqrt{x + 5} - \sqrt{x - 1} \right)$$

$$7. \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\sqrt{x^2 - x + 2} - \sqrt{x^2 + 2x - 1} \right)$$

$$8. \text{ Sabiendo que } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x - 1}{3x} \right)^{nx} = 5, \text{ calcular } n.$$