

# Examen de Matemáticas 1º de Bachillerato

## Diciembre 2008

---

**Problema 1** Sean  $z_1 = 3 - 2i$  y  $z_2 = -1 + 4i$ . Calcular:  $z_1 + z_2$ ,  $z_1 \cdot z_2$  y  $\frac{z_1}{z_2}$ .

**Problema 2** Resolver la ecuación  $z^3 - 2i = 0$

**Problema 3** Calcular los siguientes límites

$$1. \lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + 1} - \sqrt{x^2 + x + 1})$$

$$2. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 2x + 1}{x^3 - 1}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x^2 - 5} - \sqrt{x + 1}}{x - 3}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - \sqrt{2x^5 + 1} + x - 1}{x^3 - x + 1}$$

**Problema 4** Calcular la derivada de las siguientes funciones

$$1. y = (x^3 - 2x^2 + 1)^8$$

$$2. y = e^{x^2 - 3x + 1}$$

$$3. y = e^{2x} \cdot (x^2 + x - 1)$$

$$4. y = \frac{\sin(x^2)}{e^{2x}}$$

$$5. y = \ln\left(\frac{\sin x}{x}\right)$$

**Problema 5** Calcular las rectas tangente y normal de la siguiente función

$$f(x) = \frac{x^2 + 2}{x^2 - 1}$$

en  $x = 2$