

Examen de Matemáticas 1º de Bachillerato

Noviembre 2008

Problema 1 Calcular los siguientes límites

$$1. \lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 - x} - \sqrt{x^2 - 3})$$

$$2. \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x - \sqrt{x^2 + 1} + 3}{x - 1}$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{6x^3 - 3x^2 - 4x + 1}{x^3 + 2x^2 - 2x - 1}$$

$$4. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - 2x - 4}{2x^2 - 3x - 2}$$

$$5. \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{2x - 1} - \sqrt{x + 1}}{x - 2}$$

$$6. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x^2 - 5} - \sqrt{x + 1}}{x - 3}$$

Problema 2 Calcular la derivada de las siguientes funciones

$$1. y = (x^2 + 1)^8$$

$$2. y = \sin(x^2 - 1) \cdot (x^2 + 2)$$

$$3. y = \frac{e^x}{x^2 - 1}$$

$$4. y = \ln\left(\frac{x^2 + 1}{x + 2}\right)$$

$$5. y = e^{x^2+x-1}$$

$$6. y = \tan(x^2 + x - 8)$$

Problema 3 Calcular las rectas tangente y normal de las siguientes funciones

$$1. f(x) = \frac{x+3}{x-1} \text{ en } x = 2$$

$$2. f(x) = \frac{3x+1}{x+2} \text{ en } x = 0$$

$$3. f(x) = \frac{x^2}{2x-1} \text{ en } x = 2$$

$$4. f(x) = (x^2 - 1)^4 \text{ en } x = 2$$